

调频原理

某一正弦波，载波为 x ，载波幅值为 Y ，正弦值为 Z

如果把正弦值扩大 n 倍，则新的正弦值就为 $n \cdot Z$

相应的，幅值也要跟着增大 n 倍，即新的载波幅值为 $n \cdot Y$

(因为正弦值是把幅值按正弦公式计算的，两者是相对应的关系，正弦值要改变那么对应的幅值也要改变才能满足这个正弦值的变化，正弦值和幅值同时增大或缩小 n 倍，那么它们之间的对应关系就保持不变)

这样一来，可以看出，正弦值扩大了 n 倍，那么电压波形轮廓(高度)也扩大了 n 倍，相应的，电压值也扩大了 n 倍。

但是回过头来再看，此时的幅值也扩大了 n 倍，根据公式： $\text{载波频率} = \frac{\text{时钟频率}}{\text{设定值(幅值)}}$ (时钟频率不变)

可以推导出，载波频率缩小了 n 倍，载波频率缩小了 n 倍，也就意味着载波周期(时间)扩大了 n 倍

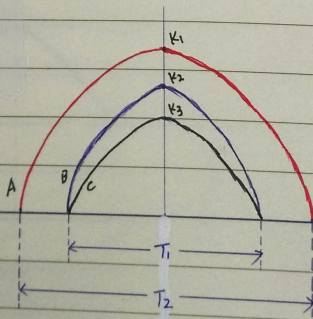
载波周期扩大了 n 倍，也就意味着输出波形周期扩大了 n 倍 (取点数保持固定的情况下)

输出波形周期扩大了 n 倍，就可以就此推导出，输出波形的频率缩小了 n 倍

输出电压的大小，指的是一个周期内的单位时间的电压

既然电压的波形轮廓扩大了 n 倍，但是它的时间(周期)也扩大了 n 倍

那单位时间里电压还是没变，即电压大小值没有改变



如图所示，只有在周期相同，波形轮廓才有变化的情况下才是调频，比如波形B与波形C

如果波形轮廓扩大了 n 倍，但同时波形周期也扩大了 n 倍，那单位时间里电压并没有变化，即电压不变。

但波形周期发生了改变，这就是调频不同电压原理

简单的说: 改变载波频率, 改变幅值, 改变正弦值, 就改变了输出频率 (电压大小不变)

如果忽略中间那么多的环节 就可以认定

改变载波频率就可以改变输出频率 (电压大小不变) 这就是变频原理。

幅
值
大
了
不
变)
3
n
倍

在实际的设计中可以先选定某一载波频率, 把相应的参数都求出来

然后就把这些参数做为一个基准

当要变频时, 就在这个基准上发生改变就可以了

例: 某一载波频率为 20kHz, 取点数为 400 点, 设定值为 1800 (幅值), 输出正弦波频率为 50Hz

此处多加一个系数 公式为 $K = 100 / \text{输出频率}$, 在这里频率为 50Hz 则 $K = 2$

这样一来, 实际的设定值就不能设为 1800, 应该为 900, 因为 $900 \times K = 1800$

这样一来, 正弦表里的取值就不能按 1800 来取, 应该按 900 来取, 因为 $900 \times K = 1800$

如果想输出波形的频率为 50Hz, 那么只需将设定值 (900) \times 系数 $K (K=2)$

同时将正弦表里的值 (900) \times 系数 $K (K=2)$ 就行了。

这样就恢复了原来的设定值为 1800, 而且正弦表也恢复了是按 1800 来取的值

所以输出频率当然就为 50Hz 了。

能
部

如果要想输出频率为 80Hz 则 $K = 100 / 80 = 1.25$, 那么只要 $\left. \begin{array}{l} \text{设定值 } (900) \times 1.25 \\ \text{正弦表值 } (900) \times 1.25 \end{array} \right\}$ 就行了

如果要想输出频率为 20Hz 则 $K = 100 / 20 = 5$, 那么只要 $\left. \begin{array}{l} \text{设定值 } (900) \times 5 \\ \text{正弦表值 } (900) \times 5 \end{array} \right\}$ 就行了

波
形

可以看出这里是以输出频率为 50Hz, 系数 $K=2$, 设定值为 900, 正弦表值为 900

以这些参数为基准的, 然后在此基准上去发生改变就行了

化

因为设定值(幅值)是控制载波频率的

而且正弦值也是跟设定值是对应关系的

在设计中实际上是去改变设定值和正弦值的,当然此时载波频率也发生了变化

因为载波频率和设定值也是对应关系的

所以我们就可以说去改变载波频率来改变输出频率,更可以说去改变设定值来改变输出频率

只是前面的说法更通俗,更容易让人接受和理解而已

但是这设定值(载波频率是有上下限的)

在实际应用中当载波频率小于5kHz时,mos管就快短路了

那么就表示mos管的导通频率不能小于5kHz,即表示输出频率不能小于某个频率(最小输出频率,下限)

当然载波频率也不能大于某个频率,因为mos管开断是需要一定时间的,像二极管的导通时间一样

如果载波频率太大,即周期很短,小于或等于mos管的开始时间,那么mos管在还没有来得及开断或导通时,一个周期的时间就过去了,这样mos管就起不到导通作用,这显然是不行的

所以说,载波频率不能大于某个频率即载波上限频率,即表示输出频率不能大于某个频率(最大输出频率,上限)

基本公式: $u(t) = K_p [e(t) + \frac{1}{T_i} \int_0^t e(t) dt + T_d \frac{de(t)}{dt}]$ ①

其中 K_p : 控制器的比例系数

T_i : 控制器的积分时间, 也称积分系数

T_d : 控制器的微分时间, 也称微分系数

由于计算机控制是一种采样控制, 它只能根据采样时刻的偏差计算控制量, 而不能像模拟控制那样连续输出控制量, 进行连续控制。由于这一特点, 式中的积分项和微分项不能直接使用, 必须进行离散化处理, 离散化处理的办法为: 以 T 作为采样周期, k 作为采样序号, 则离散采样时间 kT 对应着连续时间 t , 用矩形法数值积分为近似代替积分为, 用一阶后向差近似代替微分为, 可作如下近似变换

$t \approx kT \quad (k=0, 1, 2, \dots)$

积分

$\int_0^t e(t) dt \approx T \sum_{j=0}^k e(jT) = T \sum_{j=0}^k e_j$ } ②

微分

$\frac{de(t)}{dt} \approx \frac{e(kT) - e[(k-1)T]}{T} = \frac{e_k - e_{k-1}}{T}$

上式中为了表示方便, 将类似于 $e(kT)$ 简化成 e_k 等。

将②式代入①式中, 就可以得到离散的PID表达式为

$u_k = K_p [e_k + \frac{T}{T_i} \sum_{j=0}^k e_j + T_d \frac{e_k - e_{k-1}}{T}]$

或者 $u_k = K_p \cdot e_k + K_i \sum_{j=0}^k e_j + K_d (e_k - e_{k-1})$ ③

其中 k : 为采样序号 $k=0, 1, 2, \dots$

u_k : 第 k 次采样时刻的计算和输出值

e_k : 第 k 次采样时刻输入的偏差值

e_{k-1} : 第 $k-1$ 次采样时刻输入的偏差值

K_i : 积分系数, $K_i = K_p \cdot T / T_i$ } 相当系数替换

K_d : 微分系数: $K_d = K_p \cdot T_d / T$

且

应用

被控

值在于

T : 为采样周期

$$\text{式(3)也可以写成 } u_k = k_p \cdot e_k + k_i \cdot [e_1 + e_2 + \dots + e_k] + k_d \cdot [e_k - e_{k-1}] \quad (4)$$

此式给出了全部控制量的大小, 因此被称为位置式PID控制算法

这种算法的缺点是: 由于位置输出, 所以每次输出均与过去状态有关, 计算时要对 e_k 进行累加, 工作量较大, 并且, 因为计算机输出的 u_k 对应的是执行机构的实际位置, 如果计算机出现故障, 输出的 u_k 增大程度变化, 会引起执行机构的大幅度变化, 有可能因此造成严重的生产事故, 这在实际生产中是不允许的。

增量式PID

所谓增量PID是指数字控制器的输出只是控制量的增量 Δu_k , 当执行机构需要的控制量是增量而不是位置量的绝对值时, 可以使用增量式PID控制算法进行控制。

由(3)式可以得到控制器的第 $k-1$ 个采样时刻的输出位为

$$u_{k-1} = k_p [e_{k-1} + \frac{T}{T_i} \sum_{j=0}^{k-1} e_j + T_d \frac{e_{k-1} - e_{k-2}}{T}] \quad (5)$$

将(5)式与(3)式相减, 就可以得到增量式PID控制算法公式为

$$\begin{aligned} \Delta u_k &= u_k - u_{k-1} = k_p (e_k - e_{k-1}) + \frac{T}{T_i} (e_k + T_d \frac{e_k - 2e_{k-1} + e_{k-2}}{T}) \\ &= k_p (1 + \frac{T}{T_i} + \frac{T_d}{T}) e_k - k_p (1 + \frac{2T_d}{T}) e_{k-1} + k_p \frac{T_d}{T} e_{k-2} \\ &= A e_k - B e_{k-1} + C e_{k-2} \end{aligned}$$

$$\text{其中 } A = k_p (1 + \frac{T}{T_i} + \frac{T_d}{T})$$

$$B = k_p (1 + \frac{2T_d}{T})$$

$$C = k_p \frac{T_d}{T}$$

k_p : 比例系数

Δu_k : 当前增量值

T_i : 积分系数

e_k : 当前采样误差

T_d : 微分系数

e_{k-1} : 前一次采样误差

T : 采样周期

e_{k-2} : 上次采样误差